

## Concurrent Haskell

Prof. Dr. David Sabel

LFE Theoretische Informatik



Letzte Änderung der Folien: 30. Dezember 2020

## Concurrent Haskell

## Übersicht

- 1 Einleitung
- 2 Primitive von Concurrent Haskell
- 3 Beispiele zur Programmierung
- 4 Nichtdeterministische Operatoren
- 5 Futures und die Async-Bibliothek

## Concurrent Haskell

- Erweiterung von Haskell um Nebenläufigkeit
- Integriert in das monadische IO
- Beachte: Das Welt-Modell passt nicht
- Besseres Modell: Operationale Semantik direkt angeben

## Concurrent Haskell (2)

- Neue Konstrukte in Bibliothek: Control.Concurrent
- zum Erzeugen nebenläufiger Threads:
  - eine neue primitive Operation
- zur Kommunikation / Synchronisation von Threads
  - ein neuer Datentyp mit drei primitiven Operationen

## Beispiel: Zweimal Echo

```
echo i = do
  putStr $ "Eingabe fuer Thread" ++ show i ++ ":"
  line <- getLine
  putStrLn $ "Letzte Eingabe fuer Thread" ++ show i ++ ":" ++ line
  echo i

zweiEchos = do
  forkIO (echo 1)
  forkIO (echo 2)
  block -- Hauptthread blockieren

block = do block
```

## Erzeugen eines nebenläufigen Threads

`forkIO :: IO () -> IO ThreadId`

- `forkIO t` führt Aktion `t` in nebenläufigem Thread aus
- im Hauptthread: **sofortiges** Ergebnis = eindeutige ID
- Hauptthread läuft weiter
- Ende des Hauptthreads **beendet** alle nebenläufigen
- `killThread :: ThreadId -> IO ()`

## Der Datentyp MVar

MVar (mutable variable) = Bounded Buffer der Größe 1

**Basisoperationen:**

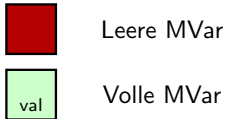
- `newEmptyMVar :: IO (MVar a)`
  - erzeugt leere MVar
- `takeMVar :: MVar a -> IO a`
  - liest Wert aus MVar, danach ist die MVar leer
  - falls MVar vorher leer: Thread wartet
  - Bei mehreren Threads: FIFO-Warteschlange
- `putMVar :: MVar a -> a -> IO ()`
  - speichert Wert in der MVar, **wenn** diese **leer** ist
  - Falls belegt: Thread wartet
  - Bei mehreren Threads: FIFO-Warteschlange

## Der Datentyp MVar (2)

MVar	takeMVar
leer	warten
gefüllt	lesen

MVar	putMVar
leer	schreiben
gefüllt	warten

Darstellung:



## MVars zur Synchronisation

Main-Thread wartet auf nebenläufige Threads:

```
main = do
    syncT1 <- newEmptyMVar
    syncT2 <- newEmptyMVar
    forkIO (thread1 >> putMVar syncT1 ())
    forkIO (thread2 >> putMVar syncT2 ())
    takeMVar syncT1
    takeMVar syncT2

thread1 = ...
thread2 = ...
```

## MVars zum Schützen von Daten

Zähler mit atomarer Operation zum Inkrementieren

```
type Counter = MVar Int
```

```
atomicIncrement m = do
    r <- takeMVar m
    putMVar m (r+1)
```

## MVars zum Schützen von Kritischen Abschnitten

```
takeMVar mutex
... kritischer Abschnitt ...
putMVar mutex ()
```

Dabei ist mutex eine mit () gefüllte MVar vom Typ MVar ()  
Analog geht auch (wenn mutex am Anfang leer)

```
putMVar mutex ()
... kritischer Abschnitt ...
takeMVar mutex
```

## MVars als binärer Semaphor

```
type Semaphore = MVar ()

newSem    :: IO Semaphore
newSem    = newEmptyMVar

wait      :: Semaphore -> IO ()
wait sem  = takeMVar sem

signal    :: Semaphore -> IO ()
signal sem = putMVar sem ()
```

- newSem “erzeugt Semaphor mit 0 initialisiert” (= leere MVar)
- wait blockiert leere MVar (also wenn k = 0)
- signal füllt MVar, wenn es blockierte Prozesse gibt, kann einer wait durchführen
- signal bei voller MVar blockiert (bei binären Semaphore: undefiniert)

## Schützen kritischer Abschnitte mit Semaphor

```
echoS sem i =
do
  wait sem
  putStr $ "Eingabe fuer Thread" ++ show i ++ ":"
  line <- getLine
  signal sem
  wait sem
  putStrLn $ "Letzte Eingabe fuer Thread" ++ show i ++ ":" ++ line
  signal sem
  echoS sem i
```

```
zweiEchos = do
  sem <- newSem
  signal sem
  forkIO (echoS sem 1)
  forkIO (echoS sem 2)
  block
```

## Weitere Bibliotheksfunktionen für MVar's

- newMVar :: a -> IO (MVar a)  
Erzeugt eine gefüllte MVar
- readMVar :: MVar a -> IO a  
Liest den Wert einer MVar (Kombination aus take und put)
- swapMVar :: MVar a -> a -> IO a  
Tauscht den Wert einer MVar aus (Race Condition möglich)
- tryTakeMVar :: MVar a -> IO (Maybe a)  
Nicht-blockierende Version von takeMVar
- tryPutMVar :: MVar a -> a -> IO Bool  
Nicht-blockierende Version von putMVar
- isEmptyMVar :: MVar a -> IO Bool  
Testet, ob MVar leer ist
- modifyMVar\_ :: MVar a -> (a -> IO a) -> IO ()  
Funktion anwenden auf den Inhalt einer MVar. Sicher bei Exceptions: Tritt ein Fehler auf, bleibt der alte Wert erhalten

## Weitere Funktionalitäten in Concurrent Haskell

- forkIO :: IO () -> IO ThreadId  
Erzeugt: Einen neuen “lightweight thread”: Verwaltung durch das Laufzeitsystem
- forkOS :: IO () -> IO ThreadId  
Erzeugt einen “bound thread”: Verwaltung durch das Betriebssystem
- killThread :: ThreadId -> IO ()  
beendet den Thread. Wenn Thread schon beendet, kein Effekt.
- yield :: IO ()  
Forciert einen Context-Switch: Der aktuelle Thread wird von aktiv auf bereit gesetzt. Ein anderer Thread darf Schritte machen.
- threadDelay :: Int -> IO ()  
Verzögert den aufrufenden Thread um die gegebene Zahl an Mikrosekunden.

## Erzeuger / Verbraucher mit 1-Platz Puffer

**Erzeuger** berechnet Werte und gibt sie an den **Verbraucher**

**Synchronität:** Erzeuger gibt erst den nächsten Wert, wenn Verbraucher den alten erhalten hat.

Puffer durch MVar: Lässt sich direkt implementieren

- `type Buffer a = MVar a`
- neuer Puffer: `newBuffer = newEmptyMVar`
- schreiben (Erzeuger): `writeToBuffer = putMVar`
- lesen (Verbraucher): `readFromBuffer = takeMVar`

## Erzeuger / Verbraucher mit 1-Platz Puffer (2)

```
newBuffer = newEmptyMVar
writeToBuffer = putMVar
readFromBuffer = takeMVar
```

```
buff <- newBuffer
```

Prozess 1

```
do
  readFromBuffer buff
```

Prozess 2

```
do
  writeToBuffer buff 1
  writeToBuffer buff 2
  writeToBuffer buff 3
```

2

## MVars zur Verwaltung von Zuständen

- Beispiel aus Buch von Simon Marlow
- Telefonbuch als Map von Name auf Telefonnummer
- Threads greifen auf das Telefonbuch zu
- Zustand wird in einer MVar gespeichert

```
type Name           = String
type Telefonnummer  = String
type Telefonbuch    = Map.Map Name Telefonnummer
type TelefonbuchZustand = MVar Telefonbuch
```

(Map ist eine Datenstruktur aus der Bibliothek `Data.Map`)

## MVars zur Verwaltung von Zuständen (2)

```
neu :: IO TelefonbuchZustand
neu = newMVar Map.empty
```

```
einfuegen :: TelefonbuchZustand -> Name -> Telefonnummer -> IO ()
einfuegen m name number = do
  buch <- takeMVar m
  putMVar m (Map.insert name number buch)
```

```
nachschauen :: TelefonbuchZustand -> Name -> IO (Maybe Telefonnummer)
nachschauen m name = do
  buch <- takeMVar m
  putMVar m buch
  return (Map.lookup name buch)
```

```
mainTel = do
  s <- neu
  sequence_ [einfuegen s ("name" ++ show i) (show i) | i <- [1..10000]]
  nachschauen s "name123" >>= print
  nachschauen s "unkown" >>= print
```

## Auswirkungen der call-by-need Auswertung

Beim Einfügen wird in

```
putMVar m (Map.insert name nummer buch)
```

der unausgewertete Ausdruck

```
(Map.insert name nummer buch)
```

in die MVar geschrieben. Kann zu einem **space-leak** führen!

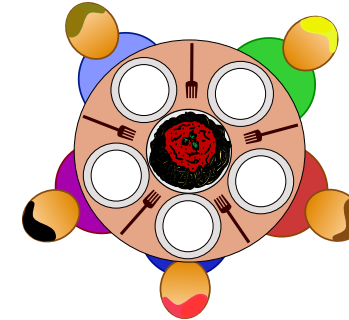
### Lösungen:

```
putMVar m $! (Map.insert name nummer buch)
```

noch besser:

```
einfuegen m name nummer = do
  buch <- takeMVar m
  let buch' = Map.insert name nummer buch
  putMVar m buch'
  seq buch' (return ())
```

## Speisende Philosophen



### Implementierung:

- Eine Gabel durch eine MVar ()
- Ein Philosoph durch einen Thread

## Speisende Philosophen (2)

### 1. Implementierung: *i*-ter Philosoph:

```
philosoph i gabeln =
do
  let n = length gabeln          -- Anzahl Gabeln
      takeMVar $ gabeln!!i       -- nehme linke Gabel
      putStrLn $ "Philosoph " ++ show i ++ " hat linke Gabel ..."
      takeMVar $ gabeln!!(mod (i+1) n) -- nehme rechte Gabel
      putStrLn $ "Philosoph " ++ show i ++ " isst ..."
      putMVar (gabeln!!i) ()     -- lege linke Gabel ab
      putMVar (gabeln!!(mod (i+1) n)) () -- lege rechte Gabel ab
      putStrLn $ "Philosoph " ++ show i ++ " denkt ..."
  philosoph i gabeln
```

## Speisende Philosophen (3)

### 1. Implementierung: Erzeugen der Philosophen

```
philosophen n =
do
  -- erzeuge Gabeln (n MVars):
  gabeln <- sequence $ replicate n (newMVar ())
  -- erzeuge Philosophen:
  sequence_ [forkIO (philosoph i gabeln) | i <- [0..n-1]]
  block
```

Beachte: Deadlock möglich!

## Speisende Philosophen (4)

### 2. Implementierung: $N$ -Philosoph in anderer Reihenfolge

```
philosophAsym i gabeln =
do
  let n = length gabeln -- Anzahl Gabeln
  if length gabeln == i+1 then -- letzter Philosoph
  do takeMVar $ gabeln!!(mod (i+1) n) -- nehme rechte Gabel
    putStrLn $ "Philosoph " ++ show i ++ " hat rechte Gabel ..."
    takeMVar $ gabeln!!i -- nehme linke Gabel
    putStrLn $ "Philosoph " ++ show i ++ " hat linke Gabel und isst"
  else
  do
    takeMVar $ gabeln!!i -- nehme linke Gabel
    putStrLn $ "Philosoph " ++ show i ++ " hat linke Gabel ..."
    takeMVar $ gabeln!!(mod (i+1) n) -- nehme rechte Gabel
    putStrLn $ "Philosoph " ++ show i ++ " hat rechte Gabel und isst"
  putMVar (gabeln!!i) () -- lege linke Gabel ab
  putMVar (gabeln!!(mod (i+1) n)) () -- lege rechte Gabel ab
philosophAsym i gabeln
```

## Generelle Semaphore

- Man kann generelle Semaphore mit binären Semaphore implementieren
- Aber: Kodierung ziemlich kompliziert
- Mit Haskells MVars jedoch leicht
- Implementierung in Bibliothek `Control.Concurrent.QSem`

```
type QSem = MVar (Int, [MVar ()])
```

- Das Paar `(Int, [MVar ()])` stellt die Komponenten des Semaphores dar: Zahl  $k$  und Menge der wartenden Prozesse.
- Warten durch blockieren an MVars
- Die äußere MVar hält dieses Paar. Dadurch ist exklusiver Zugriff auf die Komponenten gesichert.

## Generelle Semaphore (2)

### Erzeugen einer QSem

```
newQSem :: Int -> IO QSem
newQSem k = do
  sem <- newMVar (k, [])
  return sem
```

## Generelle Semaphore (3)

### wait-Operation

```
waitQSem :: QSem -> IO ()
waitQSem sem = do
  (k,blocked) <- takeMVar sem
  if k > 0 then
    putMVar sem (k-1,[])
  else do
    block <- newEmptyMVar
    putMVar sem (0, blocked++[block])
    takeMVar block
```

## Generelle Semaphore (4)

### signal-Operation

```
signalQSem :: QSem -> IO ()
signalQSem sem = do
  (k,blocked) <- takeMVar sem
  case blocked of
    [] -> putMVar sem (k+1,[])
    (block:blocked') -> do
      putMVar sem (0,blocked')
      putMVar block ()
```

## Speisende Philosophen 3. Implementierung

### 3. Implementierung: Mit Semaphor Raum

```
philosophRaum i raum gabeln = do
  let n = length gabeln -- Anzahl Gabeln
      waitQSem raum -- genereller Semaphor
  putStrLn $ "Philosoph " ++ show i ++ " im Raum"
  takeMVar $ gabeln!!i -- nehme linke Gabel
  putStrLn $ "Philosoph " ++ show i ++ " hat linke Gabel ..."
  takeMVar $ gabeln!!(mod (i+1) n) -- nehme rechte Gabel
  putStrLn $ "Philosoph " ++ show i ++ " hat rechte Gabel und isst"
  putMVar (gabeln!!i) () -- lege linke Gabel ab
  putMVar (gabeln!!(mod (i+1) n)) () -- lege rechte Gabel ab
  signalQSem raum
  putStrLn $ "Philosoph " ++ show i ++ " aus Raum raus"
  putStrLn $ "Philosoph " ++ show i ++ " denkt ..."
  philosophRaum i raum gabeln

philosophenRaum n =
  do
    gabeln <- sequence $ replicate n (newMVar ())
    raum <- newQSem (n-1)
    sequence [forkIO (philosophRaum i raum gabeln) | i <- [0..n-1]]
  block
```

## Erweiterte generelle Semaphore

- `wait` und `signal` erhalten zusätzlich eine Zahl.
- Bei `wait` bedeutet die Zahl: Soviel "Ressourcen" müssen vorhanden sein, um entblockiert zu werden
- Bei `signal`: Soviel Ressourcen werden zu den vorhandenen hinzu gegeben.

```
type QSemN = MVar (Int, [(Int, MVar ())])
```

- In der Liste werden nun Paare gespeichert:
  - Zahl, wieviel Ressourcen noch benötigt werden
  - MVar zum blockieren.

## Erweiterte generelle Semaphore (2)

### Erzeugen:

```
newQSemN :: Int -> IO QSemN
newQSemN initial = do
  sem <- newMVar (initial, [])
  return sem
```



## Erweiterte generelle Semaphore (3)

### Warten:

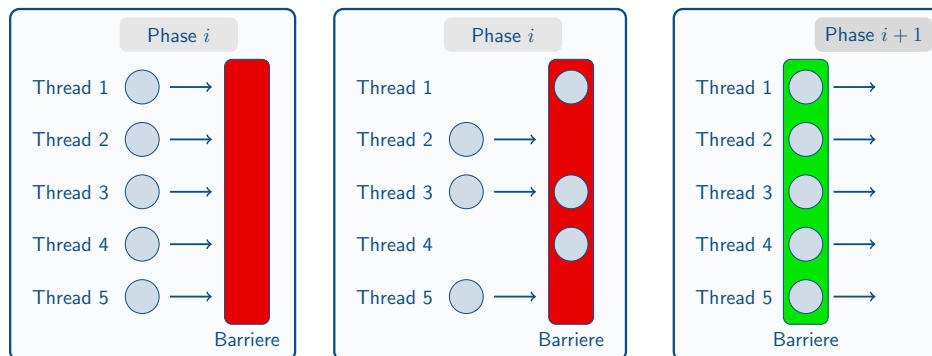
```
waitQSemN :: QSemN -> Int -> IO ()
waitQSemN sem sz = do
  (k,blocked) <- takeMVar sem
  if (k - sz) >= 0 then
    putMVar sem (k-sz,blocked)
  else do
    block <- newEmptyMVar
    putMVar sem (k, blocked+[(sz,block)])
    takeMVar block
```

## Erweiterte generelle Semaphore (4)

### Signalisieren:

```
signalQSemN :: QSemN -> Int -> IO ()
signalQSemN sem n = do
  (k,blocked) <- takeMVar sem
  (k',blocked') <- free (k+n) blocked
  putMVar sem (k',blocked')
  where
    free k [] = return (k,[])
    free k ((req,block):blocked)
      | k >= req = do
        putMVar block ()
        free (k-req) blocked
      | otherwise = do
        (k',blocked') <- free k blocked
        return (k',(req,block):blocked')
```

## Barrierimplementierung mit QSemN



## Barrierimplementierung mit QSemN (2)

```
type Barrier = (Int, MVar (Int, QSemN))
```

- Erste Zahl: Anzahl der zu synchronisierenden Prozesse
- Zweite Zahl: Anzahl der aktuell angekommenen Prozesse
- QSemN: Wird benutzt um Prozesse zu blockieren
- MVar: Schützt Zugriff auf aktuelle Anzahl und QSemN

## Barrierimplementierung mit QSemN (3)

newBarrier erzeugt einen neuen Barrier

```
newBarrier n =
do
  qsem <- newQSemN 0
  mvar <- newMVar (0,qsem)
  return (n,mvar)
```

## Barrierimplementierung mit QSemN (4)

Die Hauptfunktion ist synchBarrier

```
synchBarrier :: Barrier -> IO ()
synchBarrier (maxP,barrier) = do
  (angekommen,qsem) <- takeMVar barrier
  if angekommen+1 < maxP then do
    putMVar barrier (angekommen+1,qsem)
    waitQSemN qsem 1
  else do
    signalQSemN qsem (maxP-1)
    putMVar barrier (0,qsem)
```

## Barrierimplementierung mit QSemN (5)

Code für die einzelnen Prozesse ist von der Form

```
prozess_i barrier = do
  -- Code fuer die aktuelle Phase ..
  synchBarrier barrier -- warte auf Synchronisierung
  prozess_i barrier -- starte n\"achste Phase
```

## Unbounded Buffer

**FIFO-Kanal**, an einem Ende schreiben, am anderen Ende lesen  
Gewünschte Schnittstelle

- type Kanal a
- neuerKanal :: IO (Kanal a)
- schreibe :: Kanal a -> a -> IO ()
- lese :: Kanal a -> IO a

Außerdem: Keine Fehler, wenn mehrere Threads schreiben / lesen.

## Unbounded Buffer (2)

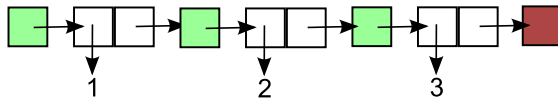
### Veränderbarer Strom

- ähnlich zu Listen, aber:
- jeder Tail eine MVar (dadurch veränderbar)
- leerer Strom = leere MVar

```
type Strom a = MVar (SCons a)
data SCons a = SCons a (Strom a)
```

Strom der 1,2 und 3 enthält:

```
do ende <- newEmptyMVar
    drei <- newMVar (SCons 3 ende)
    zwei <- newMVar (SCons 2 drei)
    eins <- newMVar (SCons 1 zwei)
    return eins
```

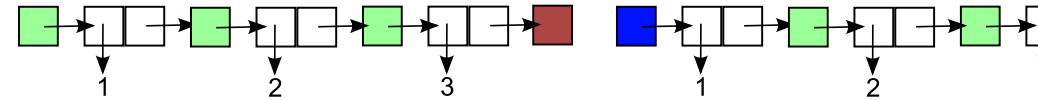


## Auf Strömen operieren

### Strom ausdrucken

```
type Strom a = MVar (SCons a)
data SCons a = SCons a (Strom a)

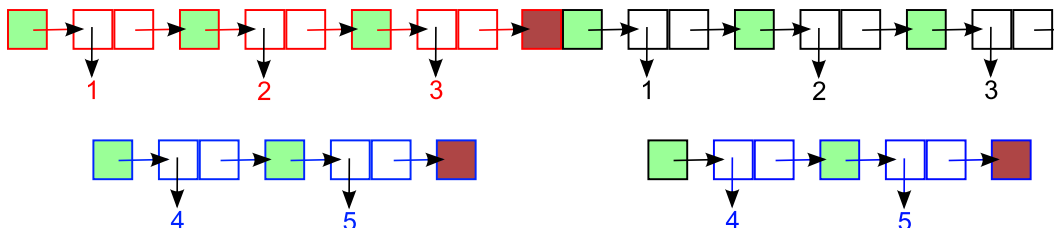
printStrom strom =
  do
    test <- isEmptyMVar strom
    if test then putStrLn "[]"
    else do
      SCons e1 t1 <- readMVar strom
      putStr (show e1 ++ ";")
      printStrom t1
```



## Ströme aneinanderhängen

```
appendStroeme strom1 strom2 =
  do
    test <- isEmptyMVar strom2
    if test then return strom1
    else do
      kopf2 <- readMVar strom2
      ende <- findeEnde strom1
      putMVar ende kopf2
      return strom1

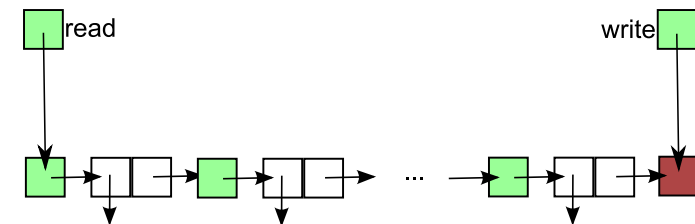
findeEnde strom =
  do
    test <- isEmptyMVar strom
    if test then return strom
    else do
      SCons hd tl <- readMVar strom
      findeEnde tl
```



## Kanal

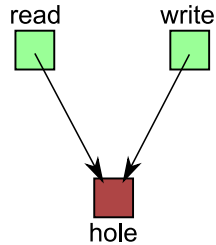
Zwei MVars, die auf Lese- und Schreibe-Ende des Stroms zeigen  
(Die beiden MVars **synchronisieren** den Zugriff)

```
type Kanal a = (MVar (Strom a), -- Lese-Ende
               MVar (Strom a)) -- Schreibe-Ende
```



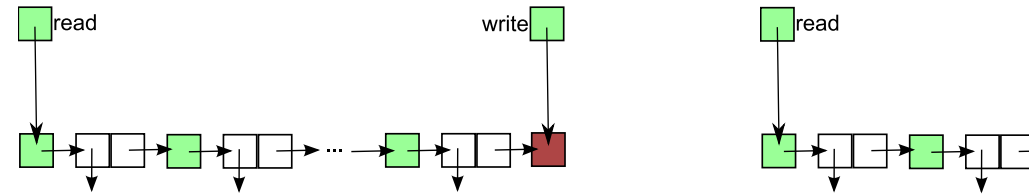
## Leeren Kanal erzeugen

```
neuerKanal :: IO (Kanal a)
neuerKanal =
  do
    hole <- newEmptyMVar
    read <- newMVar hole
    write <- newMVar hole
    return (read, write)
```



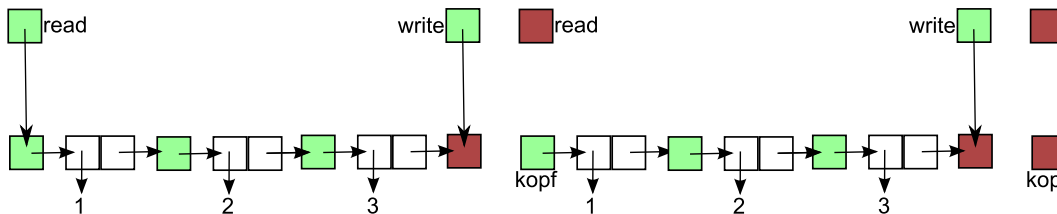
## Auf Kanal schreiben

```
schreibe :: Kanal a -> a -> IO ()
schreibe (read,write) val =
  do
    new_hole <- newEmptyMVar
    old_hole <- takeMVar write
    putMVar old_hole (SCons val new_hole)
    putMVar write new_hole
```



## Vom Kanal lesen

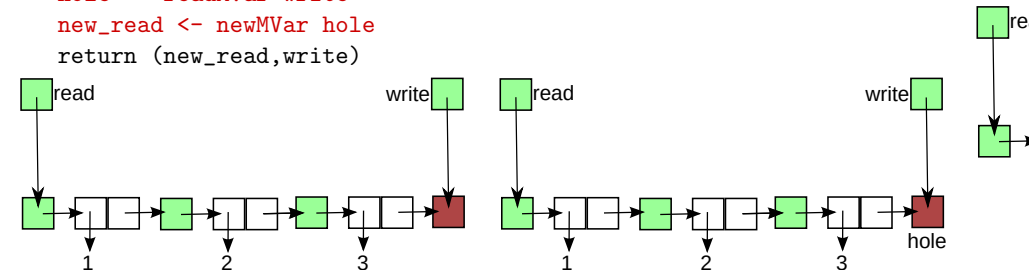
```
lese :: Kanal a -> IO a
lese (read,write) =
  do
    kopf <- takeMVar read
    (SCons val stream) <- takeMVar kopf
    putMVar read stream
    return val
```



## Generalisierung zu Multicast-Kanälen

Funktion dupliziere zum Duplizieren des Kanals, sodass alle schreibe-Zugriffe von nun an auch im neuen Kanal vorhanden sind.

```
dupliziere :: Kanal a -> IO (Kanal a)
dupliziere (read,write) =
  do
    hole <- readMVar write
    new_read <- newMVar hole
    return (new_read,write)
```



## Generalisierung zu Multicast-Kanälen (2)

Funktioniert nur, wenn man die lese-Operation anpasst:

```
lese :: Kanal a -> IO a
lese (read,write) =
  do
    kopf <- takeMVar read
    (SCons val stream) <- readMVar kopf -- readMVar statt takeMVar
    putMVar read stream
    return val
```

## Undo einer Lese-Operation?

```
undoLese :: Kanal a -> a -> IO a
undoLese (read,write) val =
  do
    new_read <- newEmptyMVar
    hole <- takeMVar read
    putMVar new_read (SCons val hole)
    putMVar read new_read
```

funktioniert nicht!

Betrachte Fall: Kanal ist leer und eine lese-Operation wartet bereits

## Kanäle in der Bibliothek

- Die gezeigten Kanäle sind in der Bibliothek `Control.Concurrent.Chan` bereits definiert
- Der Datentyp ist `Chan a`
- Die Operationen heißen `newChan`, `writeChan`, `readChan`, `dupChan`

## Beispiel: Arztpraxis

Eine Gemeinschaftspraxis bestehe aus  $n$  Ärzten, die in FIFO-Reihenfolge auf Patienten warten.

Ankommende Patienten reihen sich in FIFO-Ordnung in eine Warteschlange ein.

Die Arzthelferin am Empfang verteilt je einen Patienten am Anfang der „Patientenschlange“ auf einen Arzt am Anfang der „Ärzteschlange“.

Wenn ein Arzt mit seiner Behandlung fertig ist, reiht er sich hinten in die „Ärzteschlange“ ein.

## Beispiel: Arztpraxis (2)

### Hauptthread

```
> arztpraxis n m =
> do
>   outputsem <- newEmptyMVar
>   patienten_Kanal <- neuerKanal
>   forkIO (mapM (schreibe patienten_Kanal) [1..m])
>   aerzte_Kanal <- neuerKanal
>   forkIO (mapM (schreibe aerzte_Kanal) [1..n])
>   ordne patienten_Kanal aerzte_Kanal outputsem
```

## Beispiel: Arztpraxis (3)

### Arzthelferin (ordne)

```
> ordne patienten aerzte outputsem =
> do
>   patient <- lese patienten
>   arzt <- lese aerzte
>   forkIO (behandle arzt patient aerzte outputsem)
>   ordne patienten aerzte outputsem
```

## Beispiel: Arztpraxis (2)

### Behandlung

```
> behandle arzt patient aerzte outputsem =
> do
>   j <- randomIO
>   let i = (abs j `mod` 10000000) `div` 1000000
>   atomar outputsem (
>     putStrLn
>       ("Arzt " ++ show arzt ++ " behandelt Patient "
>         ++ show patient ++ " in " ++ show i ++ " Sekunden")
>   )
>   threadDelay (i*1000000)
>   schreibe aerzte arzt
```

## Beispiel: Arztpraxis (3)

Problem bei bisherigen Lösung:

- Die Funktion `ordne` terminiert nicht, wenn alles verteilt wurde.
- Führt zum Deadlock
- Wünschenswert: Operation um Kanal zu schließen.
- Abhilfe: Markiere das Ende

## Beispiel: Arztpraxis (4)

```
> arztpraxis n m = do
>   outputsem <- newEmptyMVar
>   patienten_Kanal <- neuerKanal
>   forkIO (mapM_ (schreibe patienten_Kanal)
>               ([Just i | i <- [1..m]] ++ [Nothing]))
>   aerzte_Kanal <- neuerKanal
>   forkIO (mapM_ (schreibe aerzte_Kanal) [1..n])
>   ordne n patienten_Kanal aerzte_Kanal outputsem

> ordne n patienten aerzte outputsem = do
>   p <- lese patienten
>   case p of
>     Nothing -> sequence_(replicate n (lese aerzte))
>     Just p -> do
>       arzt <- lese aerzte
>       forkIO (behandle arzt patient aerzte outputsem)
>       ordne n patienten aerzte outputsem
```

## Nichtdeterministisches Mischen

- Gegeben: Zwei Listen  $xs$  und  $ys$
- Mische beide Listen zu einer Liste zusammen, so dass
  - die relative Sortierung von  $xs$  und  $ys$  erhalten bleibt.
  - Wenn eine Liste partiell ist (d.h. ein Tail ist  $\perp$ ) dann erscheinen die Elemente der anderen Liste

Sowohl `ndMerge (1:2:bot) [3..]` als auch `ndMerge [3..] (1:2:bot)`

liefern eine unendlich lange Liste

Sequentiell: **Nicht möglich!** (Auswertung bleibt stecken beim  $\perp$ )

## Nichtdeterministisches Mischen (2)

Mischen mit Kanal:

- Schreibe beide nebenläufig auf den Kanal
- Hauptthread liest den Kanal aus in eine Liste

```
ndMerge xs ys =
do
  chan <- neuerKanal
  id_s <- forkIO (schreibeListeAufKanal chan xs)
  id_t <- forkIO (schreibeListeAufKanal chan ys)
  leseKanal chan False
```

## Nichtdeterministisches Mischen (3)

```
schreibeListeAufKanal chan [] = schreibe chan (True,undefined)
schreibeListeAufKanal chan (x:xs) =
do
  schreibe chan (False,x)
  schreibeListeAufKanal chan xs
```

```
leseKanal chan flag =
do
  (flag1,el) <- lese chan
  if flag1 && flag then return [] else
  do
    rest <- unsafeInterleaveIO (leseKanal chan (flag || flag1))
    if flag1 then return rest else return (el:rest)
```

## Paralleles Oder

Sequentielles Oder:

`a || b = if a then True else b`

a	b	a    b
True	s	True
False	s	s
$\perp$	s	$\perp$

$s \in \{\perp, \text{False}, \text{True}\}$

Gewünscht: Paralleles Oder mit

a	b	por a b
True	s	True
s	True	True
False	s	s
$\perp$	s	$\perp$

Sequentiell: **nicht möglich!**

## Paralleles Oder (2)

```
por :: Bool -> Bool -> IO Bool
por s t = do
  ergebnisMVar <- newEmptyMVar
  id_s <- forkIO (if s then (putMVar ergebnisMVar True)
                 else (putMVar ergebnisMVar t))
  id_t <- forkIO (if t then (putMVar ergebnisMVar True)
                 else (putMVar ergebnisMVar s))
  ergebnis <- takeMVar ergebnisMVar
  killThread id_s
  killThread id_t
  return ergebnis
```

## McCarthys amb

- „ambigious choice“
- binärer Operator, der beide Argumente parallel auswertet
- Falls eine der beiden Auswertungen ein Ergebnis liefert, wird dies als Gesamtresultat übernommen.

## McCarthys amb (2)

```
amb :: a -> a -> IO a
amb s t =
  do
    ergebnisMVar <- newEmptyMVar
    id_s <- forkIO (let x = s in seq x (putMVar ergebnisMVar x))
    id_t <- forkIO (let x = t in seq x (putMVar ergebnisMVar x))
    ergebnis <- takeMVar ergebnisMVar
    killThread id_s
    killThread id_t
    return ergebnis
```



## McCarthys amb (3)

Semantisch

$$\text{amb } s \ t = \begin{cases} t, & \text{wenn } s \text{ nicht terminiert} \\ s, & \text{wenn } t \text{ nicht terminiert} \\ s \text{ oder } t, & \text{wenn } s \text{ und } t \text{ terminieren} \end{cases}$$

## Kodierung anderer Operatoren mit amb

- Paralleles Oder:  

```
por2 :: Bool -> Bool -> IO Bool
por2 s t = amb (if s then True else t) (if t then True else s)
```
- Nichtdeterministische Auswahl („erratic choice“):  

```
choice :: a -> a -> IO a
choice s t = do res <- (amb (\x -> s) (\x -> t))
              return (res ())
```
- Nichtdeterministische Auswahl („demonic choice“):  

```
dchoice :: a -> a -> IO a
dchoice s t = do res <- amb (seq s t) (seq t s)
                  return res
```

## Erweiterung auf $n$ Argumente

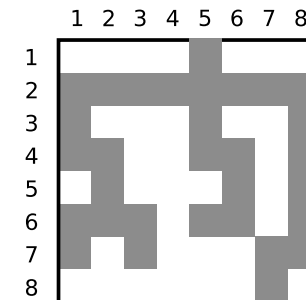
Statt zwei Argumente, eine Liste von Argumenten

```
ambList [x] = return x
ambList (x:xs) =
  do
    l <- unsafeInterleaveIO (ambList xs)
    amb x l
```

## Beispiel: Parallele Suche

Gegeben: Labyrinth

Gesucht: Weg vom Eingang (oben) zum Ausgang (unten)



## Beispiel: Parallele Suche (2)

```
data Suchbaum a = Ziel a | Knoten a [Suchbaum a]

labyrinth =
  let
    kn51 = Knoten (5,1) [kn52]
    kn52 = Knoten (5,2) [kn42, kn53, kn62]
    ...
    kn78 = Ziel (7,8)
  in kn51
```

## Beispiel: Parallele Suche (3)

```
suche =
  do
    result <- ndBFsearch [] labyrinth
    print result

ndBFsearch res (Ziel a) =
  return (reverse $ a:res)

ndBFsearch res (Knoten a []) =
  do
    yield
    ndBFsearch res (Knoten a [])

ndBFsearch res (Knoten a nf) =
  do
    nf' <- mapM (unsafeInterleaveIO . ndBFsearch (a:res)) nf
    ambList nf'
```

## Futures

- **Futures** = Variablen deren Wert am Anfang unbekannt ist, aber in der **Zukunft** verfügbar wird, sobald zugehörige Berechnung beendet ist.
- In Haskell: Jede Variable "eine Future", da verzögert ausgewertet wird.
- **Nebenläufige Futures** = Wert der Future wird durch **nebenläufige Berechnung** ermittelt.

## Explizite / Implizite Futures

### Explizite Futures

- Wert einer Future muss explizit angefordert werden
- Wenn Thread den Wert benötigt, führt er eine `force`-Operation aus: Warte bis Wert berechnet ist.

### Implizite Futures

- keine `force`-Operation
- Auswertung fordert Wert **automatisch** an, wenn er benötigt wird.

Programmierung mit impliziten Futures komfortabler!

## Explizite Futures mit MVars

```
type EFuture a = MVar a

efuture :: IO a -> IO (EFuture a)
efuture act =
  do ack <- newEmptyMVar
     forkIO (act >>= putMVar ack)
     return ack

force :: EFuture a -> IO a
force = readMVar
```

## Beispiel: Parallele Baumsumme

```
data BTree a =
  Leaf a
  | Node a (BTree a) (BTree a)

treeSum (Leaf a)      = return a
treeSum (Node a l r) =
  do
    futl <- efuture (treeSum l)
    futr <- efuture (treeSum r)
    resl <- force futl
    resr <- force futr
    let result = (a + resl + resr)
    in seq result (return result)
```

## Implizite Futures: unsafeInterleaveIO

```
future :: IO a -> IO a
future code = do
  ack <- newEmptyMVar
  thread <- forkIO (code >>= putMVar ack)
  unsafeInterleaveIO
    (do
      result <- takeMVar ack
      killThread thread
      return result)
```

## Baumsumme mit impliziten Futures

```
treeSum (Leaf a)      = return a
treeSum (Node a l r) = do
  futl <- future (treeSum l)
  futr <- future (treeSum r)
  let result = (a + futl + futr)
  in seq result (return result)
```

## Die Async-Bibliothek

Bibliothek `Control.Concurrent.Async`

- ähnlicher Mechanismus wie explizite Futures
- statt Futures: „asynchrone Berechnungen“
- statt `force` nun `wait`
- Verpacken des Ergebnisses durch zusätzlichen Datenkonstruktor

## Implementierung: Basis

```
data Async a = Async (MVar a)

async :: IO a -> IO (Async a)
async action = do
  var <- newEmptyMVar
  forkIO (action >>= \r -> putMVar var r)
  return (Async var)

wait :: Async a -> IO a
wait (Async var) = readMVar var
```

## Beispiel zur Verwendung

```
import Control.Concurrent.Async
import Control.Concurrent
import GetURL
import qualified Data.ByteString as B
main = do
  a1 <- async (getURL "http://www2.tcs.ifi.lmu.de/~letz/informationen.shtml")
  a2 <- async (getURL "http://www.ifi.lmu.de")
  r1 <- wait a1
  r2 <- wait a2
  print (B.length r1, B.length r2)
```

## Anmerkungen

- Die Async-Bibliothek hat noch mehr Features und Funktionalitäten
- Insbesondere: Behandlung und Weitergabe von Exceptions
- Für Details: siehe Buch von Simon Marlow
- Die echte Implementierung verwendet keine MVars, sondern STM-Haskell