

## Programmierprimitiven: Tuple-Spaces

Prof. Dr. David Sabel

LFE Theoretische Informatik



Letzte Änderung der Folien: 3. Dezember 2020

## Übersicht

- 1 Einleitung
- 2 Tuple Space
- 3 pSpaces und goSpace
- 4 Beispiele

## Tuple Spaces: Das Linda Modell

### Nachteile von Kanälen

- Kanalname muss Sender und Empfänger bekannt sein
- Gerade bei Server/Client Architekturen schlecht: Server muss die Kanalnamen seiner Dienste exportieren
- Weiterer Nachteil:  
Nachrichten können nur zwischen aktiven Prozessen verschickt werden
- Im Folgenden: Das Linda Modell (in mehreren Sprachen implementiert, z.B. JavaSpaces, TSpaces (IBM), pSpaces)
- Gute Idee, aber nie richtig zum Trend geworden
- Koordinationssprache (für Nebenläufigkeit / Parallele Programmierung)
- Wir betrachten für die Beispiele die pSpaces-Implementierung in Go (goSpace)

## Tuple Space

```

("Tupel 2",False, 1.0, True, 50)
                                (20,30)
("Tupel 1",1.0, True)           (40)
("Tupel 1",1.0, True)           (1,1,1,1,1,1,1)

```

## Tuple Space (2)

- Annahme: Es gibt einen Tuple Space:
  - „Platz“ für Tupel, alle Prozesse können darauf zugreifen
- Tupel sind getypt, d.h. jede Komponente hat einen festen Typ
- z.B. (“Tupel 1”:String,1.0:Float, True:Bool)
- Gleiche Tupel sind **erlaubt**
- Konvention oft:
  - Erste Komponente muss ein String sein (Name/Beschreibung des Tupels)

## Operationen auf dem Tuple Space

$\text{out}(N, v_1, \dots, v_n)$ :

- Einfügen eines Tupels in den Tuple Space
- $N$ : Name (String)
- $v_i$ : Programmvariable oder Wert
- Wenn  $v_i$  Programmvariable, dann wird der aktuelle Wert von  $v_i$  eingefügt

```
(1) out("Tupel 1", 10, True)
(2) x := 50;
(3) b := True;
(4) out("Tupel 2", x, 100, b)
```

```
("Tupel 1", 10, True)
```

```
("Tupel 2", 50, 100, True)
```

## Operationen auf dem Tuple Space (2)

$\text{in}(N, x_1, \dots, x_n)$ :

- Entfernen eines Tupels aus dem Tuple Space
- $N$ : Name (String),  $x_i$ : Programmvariable
- Im Tuple Space muss ein **“Matching Tuple”** vorhanden sein
- Matching Tuple = gleiche Länge, gleiche Typen, gleiche Werte
- Falls kein passendes Tuple vorhanden:
  - Prozess **blockiert**, bis ein passendes Tuple eingefügt wird
- Ansonsten: Variablen werden durch das Entfernen an die Werte gebunden

```
(1) in("Tupel 1", x, y)
(2) print x;print y;
(3) in("Tupel 1", x, y)
```

```
("Tupel 1", 10, True)
```

```
("Tupel 2", 50, 100, True)
```

## Operationen auf dem Tuple Space (3)

$\text{read}(N, x_1, \dots, x_n)$ :

- Lesen eines Tupels aus dem Tuple Space
- $N$ : Name (String),  $x_i$ : Programmvariable
- wie **in** nur das Tuple wird nicht entfernt

```
(1) read("Tupel 1", x, y);
(2) print x;print y;
(3) read("Tupel 1", x, y);
(4) read("Tupel 3", x, y);
```

```
("Tupel 1", 10, True)
```

```
("Tupel 2", 50, 100, True)
```

## Operationen auf dem Tuple Space (4)

Manchmal noch weitere Operationen:

- `inp`: Wie `in`, nur dass beim Fehlversuch nicht blockiert wird, sondern eine Exception auftritt
- `readp`: Wie `read`, nur dass beim Fehlversuch nicht blockiert wird, sondern eine Exception auftritt
- `eval`: Tupelkomponenten werden durch neue Prozesse nebenläufig berechnet, danach wie `out`

## Nichtdeterminismus

- Gibt es mehrere passende Tupel zu ein `in`- oder `read`-Operation, wird irgendeiner gewählt.
- Gibt es mehrere wartende `in`- oder `read`-Operationen und ein passendes Tupel wird eingefügt, so wird irgendein wartender Prozess entblockiert

## pSpaces

- Homepage: <https://github.com/pSpaces>
- Projekt der Technischen Universität Dänemark und der Universität Camerino
- Enthält Bibliotheken für Java, C#, Go, JavaScript und Swift
- Wir zeigen kurz die Verwendung in Go

## Go und pSpaces = goSpace

Import der Bibliothek:

```
import ("github.com/pspaces/gospace")
```

Neuen Tuple Space erstellen mit `NewSpace`, z.B.

```
meinTupleSpace := gospace.NewSpace("Name des Tuple Space")
```

## goSpace: Tupel

Tupel sind über den Typ `Tuple` verfügbar.

```
var tuple Tuple = CreateTuple("Milch", 1)
```

Zugriff auf Komponenten mit `GetFieldAt`:

```
tuple.GetFieldAt(i)
```

Typen der Werte müssen gecasted werden:

```
var mtuple Tuple = CreateTuple("Milch", 1)
var was string
was = (mtuple.GetFieldAt(0)).(string)
var wieviel int
wieviel = (mtuple.GetFieldAt(1)).(int)
```

## goSpace: Beispiel zu Put

`Put` erzeugt direkt ein `Tuple` aus den Argumenten und fügt es ein

```
// Tuple Space erzeugen
meinTupelSpace := NewSpace("MeinTupelSpace")
var tuple Tuple = CreateTuple("Milch", 1)
// Tupel einfügen
meinTupelSpace.Put(tuple.GetFieldAt(0), tuple.GetFieldAt(1))
meinTupelSpace.Put("Butter", 2)
meinTupelSpace.Put("Saft", "Orange", 3)
meinTupelSpace.Put("Saft", "Apfel", 2)
meinTupelSpace.Put
```

Beachte: `meinTupelSpace.Put(tuple)`  
fügt ein `Einer-Tupel` ein, das aus einem `Paar` besteht:  
Es wird `((Milch,1))` und **nicht** `(Milch,1)` eingefügt.

## goSpace: Operationen

Operationen:

`Put( $x_1, x_2, \dots, x_n$ )` entspricht `out( $x_1, \dots, x_n$ )`

`Get( $x_1, x_2, \dots, x_n$ )` entspricht `in( $x_1, \dots, x_n$ )`

`Query( $x_1, x_2, \dots, x_n$ )` entspricht `read( $x_1, \dots, x_n$ )`

Nicht-blockierende Varianten: `GetP`, `QueryP`

Die Rückgabe der Operation ist immer ein `Paar (Tuple, error)`

## goSpace: Get und GetP

Ein `Tupel` herausnehmen und ausdrucken:

```
tuple2, _ := meinTupelSpace.Get("Butter", 2)
fmt.Println(tuple2)
```

`Get` ist blockierend, daher führt ein zweites

```
meinTupelSpace.Get("Butter", 2)
```

zu einem `Deadlock` (es gab nur ein `("Butter", 2)`-`Tupel`).

Mit `GetP` wird nicht blockiert:

```
_, err := meinTupelSpace.GetP("Butter", 2)
fmt.Println(err)
```

ergibt

```
Space.main("Butter", 2): operation on this space failed.
```

## goSpace: Get und GetP (2)

Casten ist notwendig:

```
tuple3, _ := meinTupelSpace.Get("Milch",1)
var number int = tuple3.GetFieldAt(1).(int) // casting zu int
```

## goSpace: Gesamte Datei

```
package main
import (
    "fmt"
    "github.com/pspaces/gospace")
func main() {
    var tuple Tuple = CreateTuple("Milch", 1)
    fmt.Println(tuple)

    // Tupel zerlegen
    fmt.Print(tuple.GetFieldAt(0))
    fmt.Println(tuple.GetFieldAt(1))

    // Tuple Space erzeugen
    meinTupelSpace := NewSpace("MeinTupelSpace")

    // Tupel einfügen
    meinTupelSpace.Put(tuple.GetFieldAt(0), tuple.GetFieldAt(1))
    meinTupelSpace.Put("Butter", 2)
    meinTupelSpace.Put("Saft", "Orange", 3)
    meinTupelSpace.Put("Saft", "Apfel", 2)
    meinTupelSpace.Put("Saft", "Kirsche", 1)

    // Tupel rausnehmen
    tuple2, _ := meinTupelSpace.Get("Butter", 2)
    fmt.Print("Bekam ")
    fmt.Println(tuple2)

    // nicht blockierende Variante
    _, err := meinTupelSpace.GetP("Butter", 2)
    fmt.Print("Der Fehler ist ")
    fmt.Println(err)

    tuple3, _ := meinTupelSpace.Get("Milch", 1)
    var number int = tuple3.GetFieldAt(1).(int) // casting zu int
    fmt.Print("Milch hatte die Zahl ")
    fmt.Println(number)

    // falsch, da nicht die Adresse übergeben wird
    var number0Saft int = 0
    _, err2 := meinTupelSpace.GetP("Saft", "Orange", number0Saft)
    // Das sucht nach dem Tupel ("Saft", "Orange", 0) !
    fmt.Print("Der Fehler war ")
    fmt.Println(err2)

    // richtiger Aufruf:
    meinTupelSpace.Get("Saft", "Orange", &number0Saft)

    // aber number0Saft ist nicht gesetzt!
    fmt.Print("0Saft hatte die Zahl ")
    fmt.Println(number0Saft)

    // richtig daher
    var numberASaft int = 0
    tuple4, _ := meinTupelSpace.GetP("Saft", "Apfel", &numberASaft)
    numberASaft = tuple4.GetFieldAt(2).(int)
    fmt.Print("Apfelsaft hatte die Zahl ")
    fmt.Println(numberASaft)
}
```

## goSpace: Get mit Variablen

Sollen die Werte von Variablen durch Get oder Query gebunden werden, dann

- Statt der Variablen müssen Adressen der Variablen übergeben werden
- D.h. statt x wird &x übergeben

Falsch:

```
var number0Saft int = 0
_, err2 := meinTupelSpace.GetP("Saft", "Orange", number0Saft)
// Das sucht nach dem Tupel ("Saft", "Orange", 0) !
```

Richtig:

```
var number0Saft int = 0
t, _ := meinTupelSpace.GetP("Saft", "Orange", &number0Saft)
number0Saft = t.GetFieldAt(2).(int) // notwendig!
```

Beachte: Binden des Wertes muss noch mal extra geschehen

## Mutual-Exclusion mit Tuple Spaces

Initial: Tupel ("MUTEX") im Tuple Space

Prozess i:

loop forever

- (1) Restlicher Code;
  - (2) in("MUTEX");
  - (3) Kritischer Abschnitt;
  - (4) out("MUTEX");
- end loop

## Beispiel

("MUTEX")

Prozess 1:

loop forever

- (1) Restlicher Code;
- (2) in("MUTEX");
- (3) Kritischer Abschnitt;
- (4) out("MUTEX");

end loop

Prozess 2:

loop forever

- (1) Restlicher Code;
- (2) in("MUTEX");
- (3) Kritischer Abschnitt;
- (4) out("MUTEX");

end loop

- Erfüllt wechselseitigen Ausschluss und ist Deadlock-frei
- Bei 2 Prozessen: Starvation-frei, bei mehr als 2 nicht

## Mutex mit goSpace

```
package main
import ("fmt" ; . "github.com/pspaces/gospace"; "strconv"; "bufio"; "os")
func worker(id int, space Space) {
    for {
        space.Get("Mutex")
        fmt.Println("a) Worker " + strconv.Itoa(id)+ " im kritischen Abschnitt.")
        fmt.Println("b) Worker " + strconv.Itoa(id)+ " im kritischen Abschnitt.")
        fmt.Println("c) Worker " + strconv.Itoa(id)+ " im kritischen Abschnitt.")
        space.Put("Mutex")
    }
}
func main() {
    // Tuple Space erzeugen
    space := NewSpace("MeinTupelSpace")
    space.Put("Mutex")
    for i:=0; i < 10; i++ {
        go worker(i,space)
    }
    // Auf Benutzereingabe warten
    reader := bufio.NewReader(os.Stdin)
    reader.ReadString('\n')
}
```

## Rückblick: Tuple Spaces

- Tuple Space: Raum von Tupeln, Tupel haben getypte Komponenten, erste Komponente = Name des Tupels
- out(Name,  $v_1, \dots, v_n$ ): Füge Tupel ein, wobei  $v_i$  Werte bzw. Programmvariablen sind, eingefügt werden dann die aktuellen Werte der Variablen.
- in(Name,  $x_1, \dots, x_n$ ): Nehme "matching Tuple" aus dem Tuple Space heraus, und binde die Werte an die Variablen  $x_1, \dots, x_n$ . Blockiere, wenn es kein matching Tuple gibt
- read(Name,  $x_1, \dots, x_n$ ): Wie in, aber das Tuple wird im Tuple Space belassen.

## Semaphore mit Tuple Spaces

Initial:  $k$ -Tupel ("SEM") im Tuple Space

```
wait(){
    in("SEM");
}

signal(){
    out("SEM");
}
```

## Semaphore mit Tuple Spaces (2)

```
("SEM") ("SEM") ("SEM")
("SEM") ("SEM") ("SEM")
```

"S.V = 6543432100" "S.M = {}"

Prozess P:

```
wait();
wait();
wait();
signal();
wait();
wait();
wait();
wait();
wait();
blockiert
```

Prozess Q:

```
signal();
signal();
```

## Synchrone Kommunikation

- Simulation von synchronen Kanälen.
- $ch \leftarrow e$ :
 

```
in("ch1", "get");
out("ch2", e);
in("ch3", "got");
```
- $ch \Rightarrow x$ :
 

```
out("ch1", "get");
in("ch2", x);
out("ch3", "got");
```

Falsch: geht so nicht: da in nur Variablen erhalten darf!

## Atomares Update von Tupeln

```
(1) in("Tupel", x);
(2) x := f(x);
(3) out("Tupel", x);
```

- Tupel ist nach Zeile (1) nicht mehr im Tuple Space
- Tupel erscheint erst wieder nach Zeile (3) im Tuple Space
- Aktion ist atomar, da kein Prozess während des Updates auf Tupel zugreifen kann

## Erweiterung der in-Operation

- bisher:  $\text{in}(N, x_1, \dots, x_n)$ :  $x_i$  formale Parameter (Variablen die durch die in-Operation gebunden werden)
- jetzt auch erlaubt:  $x_i$  aktuelle Parametervariablen, wir schreiben diese als  $x=$ .
- Semantik: Wert der Variablen  $x$  muss die Tupelkomponente matchen.

Beispiel:

```
x:=10;
```

```
in("Tupel 1", x=);
```

matcht nur Tupel der Form ("Tupel 1", 10)

lässt x unverändert

```
x:=10;
```

```
in("Tupel 1", x);
```

matcht alle Tupel der Form ("Tupel 1", z:Int) wobei z eine Zahl

überschreibt Wert von x durch z

## Erweiterung der in-Operation in goSpace

In goSpace wird auf die Variablenwerte gematcht, wenn die Variablennamen (statt der Adressen) übergeben werden, d.h.

- `in(Name, x)` entspricht `Get(Name, &x)`
- `in(Name, x=)` entspricht `Get(Name, x)`

## Vorteile der Erweiterung

- Man kann auf mehreren Komponenten matchen
- Programmierung kann vereinheitlicht werden

Z.B. Server 1 und Server 2 bieten verschiedene Dienste an

**Ohne Erweiterung:** Dienst im Namen fest kodiert

```
Server 1:      Server 2:
in(N + "Dienst1",...); ...   in(N + "Dienst2",...); ...
```

**Mit Erweiterung**

```
Server 1:      Server 2:
dienst := "Dienst1";   dienst := "Dienst2";
in(N,dienst=,...); ...   in(N,dienst=,...); ...
```

## Synchrone Kommunikation

- Simulation von synchronen Kanälen

- `ch`  $\Leftarrow$  `e`:

```
get := "get";
got := "got";
in("ch1",get=);
out("ch2",e);
in("ch3",got=);
```

- `ch`  $\Rightarrow$  `x`:

```
out("ch1", "get");
in("ch2",x);
out("ch3", "got");
```

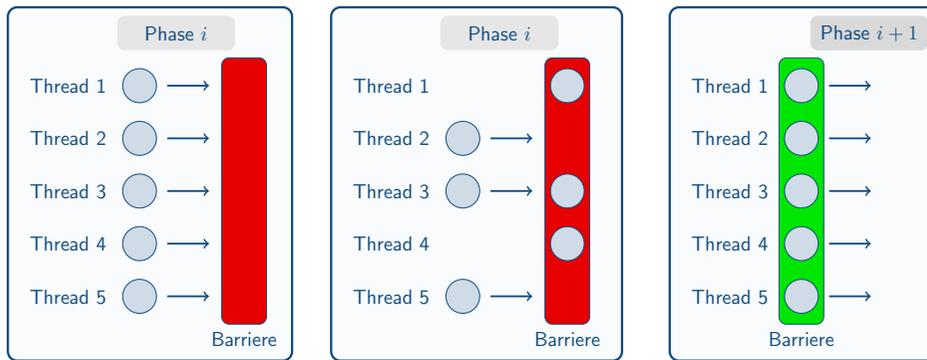
## Beispiel in Go

```
func sender(id int, space Space) {
    for {
        time.Sleep(time.Duration(rand.Intn(10000)) * time.Millisecond)
        fmt.Println("Worker " + strconv.Itoa(id) + " will seine Id senden")
        send(space, id)
        fmt.Println("Worker " + strconv.Itoa(id) + " hat seine Id gesendet")
    }
}

func receiver(id int, space Space) {
    for {
        time.Sleep(time.Duration(rand.Intn(10000)) * time.Millisecond)
        fmt.Println("Worker " + strconv.Itoa(id) + " will empfangen")
        var msg int = receive(space)
        fmt.Println("Worker " + strconv.Itoa(id) + " hat "
            + strconv.Itoa(msg) + " empfangen")
    }
}

func main() {
    // Tuple Space erzeugen
    space := NewSpace("MeinTupelSpace")
    for i:=0; i < 100; i++ {
        go sender(i,space) // Sender und Empfänger erzeugen
        go receiver(100+i,space)
    }
    reader := bufio.NewReader(os.Stdin)
    reader.ReadString('\n')
}
```

## Barrieren



## Barriere

**Initial:** Ein Tupel ("ankommen",  $N$ );

```
barrier (){
//Ankommen
in("ankommen",x);
x := x-1;
if x > 0
{out("ankommen",x);}
else
{out("verlassen",N);} //Letzter Ankommer
in("verlassen",y);
y := y-1;
if y > 0
{out("verlassen",y);}
else
{out("ankommen",N);} //Letzter Verlasser
```

**Prozess  $i$ :**

```
loop forever
Code vor der Barriere
barrier()
Code nach der Barriere
end loop
```

## Barrienbeispiel in Go

```
// Als dritte Komponente wird stets die
// Gesamtkapazität gespeichert
func newBarrier(space Space, capacity int) {
space.Put("ankommen",capacity,capacity)
}
func sync(space Space) {
var capacity int
var x int
t,_ := space.Get("ankommen", &x, &capacity)
x = t.GetFieldAt(1).(int)
capacity = t.GetFieldAt(2).(int)
x = x-1
if (x > 0) { space.Put("ankommen",x,capacity)
} else { space.Put("verlassen",capacity,capacity) }
var y int
t,_ = space.Get("verlassen",&y,capacity)
y = t.GetFieldAt(1).(int)
y = y-1
if y > 0 { space.Put("verlassen",y,capacity)
} else { space.Put("ankommen",capacity,capacity) }
}
```

```
func worker(id int, space Space) {
var count int = 1
for {
fmt.Println("Worker "
+ strconv.Itoa(id)
+ " arbeitet in Phase "
+ strconv.Itoa(count))
time.Sleep(time.Duration(rand.Intn(10000))
* time.Millisecond)
fmt.Println("Worker " + strconv.Itoa(id)+ " an sync")
sync(space)
fmt.Println("Worker " + strconv.Itoa(id)+ " nach sync")
count++
}
}
func main() {
// Tuple Space erzeugen
space := NewSpace("MeinTupelSpace")
newBarrier(space,5)
for i:=0; i < 5; i++ {
go worker(i,space)
}
// Auf Benutzereingabe warten
reader := bufio.NewReader(os.Stdin)
reader.ReadString('\n')
}
```

## Speisende Philosophen

```
philosoph(i) {
loop forever
Denke;
in("Raum");
in("Gabel",i=);
j := i+1 mod N;
in("Gabel",j=);
Esse;
out("Gabel",i);
out("Gabel",j);
out("Raum");
end loop
}
initialize() {
for i=1 to N do
out("Gabel",i);
if i ≠ N then out("Raum");
for i=1 to N do
Erzeuge Prozess philosoph(i);
}
```

Deadlockfrei und Starvationfrei

## Speisende Philosophen (2)

```
initialize() {
  for i=1 to 5 do
    out("Gabel",i);
    if i ≠ 5 then out("Raum");
  for i=1 to 5 do
    Erzeuge Prozess philosoph(i);
  }
}
```

```
("Raum") ("Raum") ("Gabel",1) ("Gabel",2) ("Gabel",3)
```

```
("Raum") ("Raum") ("Gabel",4) ("Gabel",5)
```

## Speisende Philosophen (3)

```
philosoph(3) {
  loop forever
  Denke;
  in("Raum");
  in("Gabel",i);
  j := 4;
  in("Gabel",j);
  Esse;
  out("Gabel",i);
  out("Gabel",j);
  out("Raum");
end loop
}
```

```
("Raum") ("Gabel",1) ("Gabel",2)
```

```
("Raum") ("Raum") ("Gabel",5)
```

## Erzeuger / Verbraucher

Initial:  $N$  Tupel ("notFull") im Tuple-Space

```
produce(Element e) {
  in("notFull");
  out("buffer",e);
  out("notEmpty");
}
```

Code des Erzeugers:

```
loop forever
(1) erzeuge e
(2) produce(e)
end loop
```

```
consume() {
  in("notEmpty");
  in("buffer",x);
  out("notFull");
  return(x);
}
```

Code des Verbrauchers:

```
loop forever
(1) e := consume();
(2) verbrauche e;
end loop
```

Keine FIFO-Reihenfolge!

## Erzeuger / Verbraucher: FIFO

Initial:  $N$  Tupel ("notFull") im Tuple-Space

("FIFO-Queue", "tail", 0)  
("FIFO-Queue", "head", 0)

```
produce(Element e) {
  in("notFull");
  in("FIFO-Queue", "tail", tindex);
  tindex' = tindex + 1;
  out("buffer", tindex', e);
  out("FIFO-Queue", "tail", tindex');
  out("notEmpty");
}
```

```
consume() {
  in("notEmpty");
  in("FIFO-Queue", "head", hindex);
  hindex' = hindex + 1;
  in("buffer", hindex', x);
  out("FIFO-Queue", "head", hindex');
  out("notFull");
  return(x);
}
```

## Erzeuger-Verbraucher in Go

```
func makeBuffer(space Space, capacity int) {
    for i:=1; i <= capacity; i++ { space.Put("notFull")}
    space.Put("FIFO-Queue", "tail",0)
    space.Put("FIFO-Queue", "head",0)
}
func produce(space Space, element int) {
    space.Get("notFull")
    var tindex int
    t,_ := space.Get("FIFO-Queue","tail",&tindex)
    tindex = t.GetFieldAt(2).(int)
    tindex = tindex +1
    space.Put("buffer",tindex,element)
    space.Put("FIFO-Queue","tail",tindex)
    space.Put("notEmpty")
}
func consume(space Space) int {
    space.Get("notEmpty")
    var hindex int
    t,_ := space.Get("FIFO-Queue","head",&hindex)
    hindex = t.GetFieldAt(2).(int)
    hindex = hindex +1
    var result int
    t2,_ := space.Get("buffer",hindex,&result)
    result=t2.GetFieldAt(2).(int)
    space.Put("FIFO-Queue","head",hindex)
    space.Put("notFull")
    return result
}
func producer(id int,space Space) {
    for {
        time.Sleep(time.Duration(rand.Intn(10000)) * time.Millisecond)
        fmt.Println("Producer " + strconv.Itoa(id)+ " will produzieren")
        produce(space,id)
        fmt.Println("Producer " + strconv.Itoa(id)+ " hat produziert")
    }
}
func consumer(id int,space Space) {
    for {
        time.Sleep(time.Duration(rand.Intn(1000)) * time.Millisecond)
        fmt.Println("Consumer " + strconv.Itoa(id)+ " will konsumieren")
        t := consume(space)
        fmt.Println("Consumer " + strconv.Itoa(id)+ " bekam " + strconv.Itoa(t))
    }
}
func main() {
    // Tuple Space erzeugen
    space := NewSpace("MeinTupelSpace")
    makeBuffer(space,3)
    for i:=0; i < 10; i++ {
        go consumer(i,space)
    }
    for i:=0; i < 10; i++ {
        go producer(i,space)
    }
    reader := bufio.NewReader(os.Stdin)
    reader.ReadString('\n')
}
```

## Readers & Writers

### Reader:

```
startRead();
Kritischer Abschnitt;
stopRead();
```

- Ein Tupel wird benutzt der Form:  
("RW",Anzahl Reader, Anzahl Writer)
- Initial: Ein Tupel ("RW",0,0)

### Writer:

```
startWrite();
Kritischer Abschnitt;
stopWrite();
```

## Readers & Writers (2)

```
startRead() {
    in("RW",countR,0);
    countR' := countR + 1;
    out("RW",countR',0);
}
```

```
startWrite() {
    in("RW",0,0);
    out("RW",0,1);
}
```

```
stopRead() {
    in("RW",countR,0);
    countR' := countR - 1;
    out("RW",countR',0);
}
```

```
stopWrite() {
    in("RW",0,1);
    out("RW",0,0);
}
```

## Readers & Writers: Priorität für Writers

### Initial: Ein Tupel ("RW",0,0,0)

```
startRead() {
    in("RW",countR,0,0);
    countR' := countR + 1;
    out("RW",countR',0,0);
}
```

```
startWrite() {
    in("RW",countR,countW,waitingW);
    w' := waitingW+1;
    out("RW",countR,countW,w');
    in("RW",0,0,waitingW);
    w' := waitingW-1;
    out("RW",0,1,w');
}
```

```
stopRead() {
    in("RW",countR,0,waitingW);
    countR' := countR - 1;
    out("RW",countR',0,waitingW);
}
```

```
stopWrite() {
    in("RW",0,1,waitingW);
    out("RW",0,0,waitingW);
}
```